

## Exercice n° 56 page 212

❶ AC :

Le triangle ADC est rectangle en D. D'après le théorème de Pythagore :

$$AC^2 = AD^2 + DC^2$$

$$AC^2 = 3^2 + 4^2$$

$$AC^2 = 9 + 16$$

$$AC^2 = 25$$

$$\mathbf{AC = 5 \text{ m}}$$

MB :

$$\mathbf{MB = AB - AM = 4 - 1 = 3 \text{ m}}$$

BN :

Dans le triangle BAC,

$M \in [BA]$ ,  $N \in [CA]$ ,  $(MN) \parallel (AC)$

D'après le théorème de Thalès :

$$\frac{BM}{BA} = \frac{BN}{BC} = \frac{MN}{AC}$$

$$\frac{3}{4} = \frac{BN}{3} = \frac{MN}{5}$$

$$\frac{3}{4} = \frac{BN}{3} \quad \mathbf{BN = \frac{3 \times 3}{4} = \frac{9}{4} = 2,25 \text{ m}}$$

$$\frac{3}{4} = \frac{MN}{5} \quad \mathbf{MN = \frac{3 \times 5}{4} = \frac{15}{4} = 3,75 \text{ m}}$$

$$\text{❷ Aire(allée) = Aire(BAC) - Aire(BMN) = \frac{BA \times BC}{2} - \frac{BM \times BN}{2}}$$

$$\text{Aire(allée) = \frac{3 \times 4}{2} - \frac{3 \times 2,25}{2} = 6 - 3,375 = 2,6235}$$

$$\mathbf{\text{Aire(allée)} \approx 2,63 \text{ m}^2 \text{ (arrondi au dm}^2\text{)}}$$

$$\text{❸ Longueur de la bordure : } MN + AC = 3,75 + 5 = 8,75 \approx \mathbf{8,8 \text{ m}} \text{ (arrondi au dm)}$$